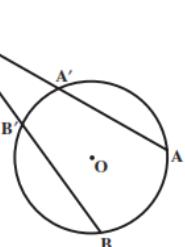
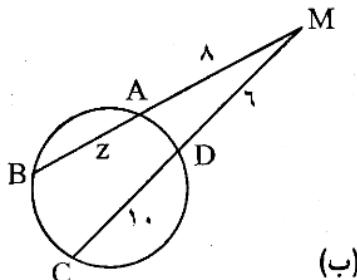
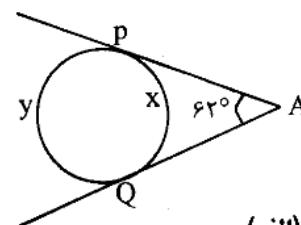
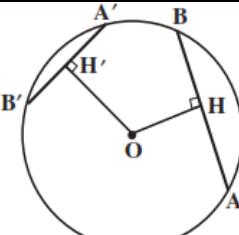
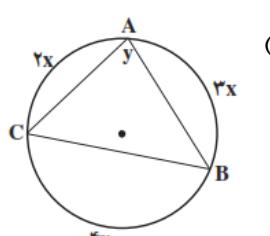
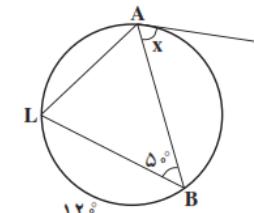
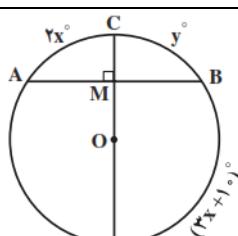
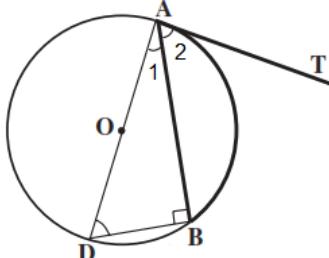
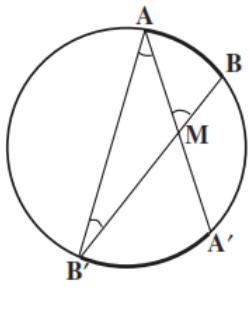
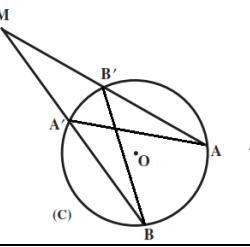
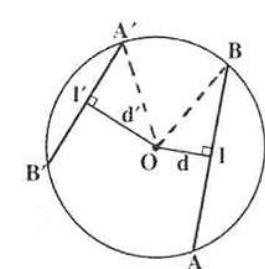


نام درس: هندسه نام دبیر: تاریخ امتحان: ۱۳۹۶/۱۰/۱۳ ساعت امتحان: ۸ صبح مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	جمهوری اسلامی ایران اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران	نام و نام خانوادگی: مقطع و رشته: یازدهم ریاضی شماره داوطلب: تعداد صفحه سؤال:
نمره: ردیف:	سوالات ردیف:	نمره:
۱/۵	قضیه: ثابت کنید اندازه هر زاویه ظلی با نصف کمان روبرو به آن برابر است.	۱
۱/۵	قضیه: ثابت کنید اندازه زاویه ای که از برخورد دو وتر در یک دایره ایجاد می شود، برابر نصف مجموع اندازه دو کمانی از دایره است که به ضلعها و امتداد ضلعهای آن زاویه محدود است.	۲
۲		قضیه: ثابت کنید: $MA' \times MA = MB' \times MB$ ۳
۲	 <p>(ب)</p>	در شکل روبرو مقدار x و y را بدست بیاورید.  <p>(الف)</p>
۱		در دایره $C(O, R)$ نشان دهید اگر $AB > A'B'$ آنگاه $OH' > OH$. ۵
۱	مقدار a را چنان بیابید که اندازه مماس مشترک خارجی دو دایره به شعاع های ۷ و ۲ و خط مرکزین ۱۳ برابر $3a - 6$ باشد.	۶
۲	در شکل زیر مقادیر مجھول را بدست آورید.	۷
۱	 <p>(ب)</p>	 <p>(الف)</p>
۱	قطر CD در نقطه M بر وتر AB از دایره ای به مرکز O عمود است. با توجه به مقادیر کمانهای دایره، مقدار x و y را حساب کنید.	۸
۱		در شکل روبرو $\hat{O} = 120^\circ$ و شعاع دایره ۶ است. مساحت ناحیه رنگی چقدر است؟

۱		اندازه زاویه x را بیابید.	۱۰
۱		قضیه: ثابت کنید اگر عمود منصف ضلعهای یک چند ضلعی در یک نقطه همسر باشند آنگاه آن چند ضلعی محاطی است.	۱۱
۲		یک ذوزنقه هم محیطی و هم محاطی است. ثابت کنید: مساحت این ذوزنقه برابر است با میانگین حسابی دو قاعده آن ضرب در میانگین هندسی آنها.	۱۲
۱		نقاط P, Q, R, S نقاط تماس ضلعهای چندضلعی ABCD با دایره است. محیط این چند ضلعی را بدست آورید.	۱۳
۱		مساحت مثلث متساوی الاضلاعی که در دایره ای به شعاع ۴ محاط شده است را تعیین کنید.	۱۴
۱		شعاع های قائم مثلث قائم الزاویه ای برابر ۳ و ۴ است. سه شعاع دایره محاطی خارجی این مثلث را پیدا کنید.	۱۵
۲۰	جمع نمره	موفق باشید.	

نام درس: هندسه نام دبیر: تاریخ امتحان: ۹۶/۱۰/۱۳ ساعت امتحان: ۸ صبح مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	جمهوری اسلامی ایران اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران	پاسخ نامه سوالات
راهنمای تصحیح		ردیف
۱/۵	<p>از نقطه A قطر دایره را رسم می کنیم تا دایره را در نقطه D قطع کند. زاویه B چون رو برو به قطر است، قائمه است پس مثلث ABD قائم الزاویه است. در نتیجه:</p>  $\begin{aligned} \hat{A}_1 + \hat{A}_2 &= 90^\circ \\ \hat{A}_1 + \hat{D} &= 90^\circ \\ \hat{D} &= \frac{\hat{A}B}{2} \end{aligned}$	۱
۱/۵	<p>فرض کنید دو وتر A, B در نقطه M همدیگر را قطع کنند. نقطه A را به B' وصل می کنیم. زاویه M برای مثلث AMB' زاویه خارجی است. در نتیجه:</p>  $\begin{aligned} \hat{M} &= \hat{A} + \hat{B}' \\ \hat{A} = \frac{\hat{A}'B'}{2} & \Rightarrow \hat{M} = \frac{\hat{A}'B'}{2} + \frac{\hat{A}B}{2} = \frac{\hat{A}'B' + \hat{A}B}{2} \\ \hat{B}' = \frac{\hat{A}B}{2} & \end{aligned}$	۲
۲	<p>نقطه A را به A' و B را به B' وصل می کنیم. دو مثلث MAA' و MBB' طبق حالت دو زاویه برابر، متشابهند.</p>  $\left\{ \begin{array}{l} \hat{M} = \hat{M} \\ A = B = \frac{\hat{A}'B'}{2} \end{array} \right. \Rightarrow \Delta MAA' \simeq \Delta MBB' \Rightarrow \frac{MA'}{MB'} = \frac{MB}{MA} \Rightarrow MA' \times MA = MB' \times MB$	۳
۲	$\begin{cases} \frac{y - x}{2} = 62 \\ y + x = 360 \end{cases} \Rightarrow x = 242, y = 118$ <p>(الف)</p> $8(8 + z) = 6 \times 16 \Rightarrow 64 + 8z = 96 \Rightarrow 8z = 32 \Rightarrow z = 4$ <p>(ب)</p>	
۱	<p>دایره C(O, R) و دو وتر نابرابر A'B' = l' و AB = l را در نظر می گیریم، بنابراین:</p>  $\begin{aligned} l > l' &\Leftrightarrow l^2 > l'^2 \Leftrightarrow R^2 - \frac{l^2}{4} < R'^2 - \frac{l'^2}{4} \\ &\Leftrightarrow d < d' \end{aligned}$	۵
۱	$TT' = \sqrt{d^2 - (R_1 - R_2)^2} \Rightarrow 3a - 6 = \sqrt{13^2 - (7 - 2)^2} \Rightarrow 3a - 6 = 12 \Rightarrow a = 6$	۶
۲	$AL = 100^\circ \Rightarrow AB = 360^\circ - (120^\circ + 100^\circ) = 140^\circ \Rightarrow x = \frac{140^\circ}{2} = 70^\circ$ <p>(الف)</p> $2x + 3x + 4x = 360^\circ \Rightarrow x = 40^\circ \Rightarrow y = \frac{4x}{2} = 2x = 80^\circ$ <p>(ب)</p>	۷

۱	$\left. \begin{array}{l} y + 3x + 10 = 180 \\ y = 2x \end{array} \right\} \Rightarrow 5x + 10 = 180 \Rightarrow x = 34, y = 68$	۸
۱	<p>مساحت قطاع را از مساحت مثلث باید کم کنیم. چون زاویه O برابر 120° درجه است و مثلث AOB متساوی الساقین است در نتیجه زاویه $A = 30^\circ$ درجه است. پس در مثلث قائم الزاویه AOH نصف OA است. طبق قضیه فیثاغورث</p> $OA^2 = AH^2 + OH^2 \Rightarrow AH = 3\sqrt{3} \Rightarrow AB = 6\sqrt{3}$ <p>در نتیجه:</p> $S = \frac{\pi \times r^2}{3} - \frac{OH \times AB}{2} = \frac{\pi \times 6^2}{3} - \frac{3 \times 6\sqrt{3}}{2} = 18\pi - 9\sqrt{3}$	۹
۱	$\left\{ \begin{array}{l} BT + TD = 180^\circ \\ \frac{BT - DT}{2} = 40^\circ \end{array} \right. \Rightarrow BT = 130^\circ \Rightarrow x = \frac{BT}{2} = \frac{130}{2} = 65^\circ$	۱۰
۱	<p>فرض کنید نقطه O نقطه همرسی عمود منصفهای ضلعهای چند ضلعی باشد. بنابراین از دو سر هر ضلع باید فاصله اش یکسان باشد. یعنی نقطه O فاصله اش از تمامی رأسهای چند ضلعی یک اندازه ثابت است. حال اگر دایره ای به این اندازه ثابت رسم کنیم از تمامی رؤوس چند ضلعی عبور می کند و این یعنی این چند ضلعی محاطی است.</p>	۱۱
۲	<p>چون ذوزنقه $ABCD$ محاطی است پس متساوی الساقین است و چون محیطی است مجموع دو ضلع مقابل با مجموع دو ضلع مقابل دیگر برابر است. در نتیجه $2c = a + b$. مثلث ADF قائم الزاویه است.</p> $\left. \begin{array}{l} 2c = a + b \\ b = 2x + a \end{array} \right\} \Rightarrow c = \frac{a+b}{2} \Rightarrow h^2 = c^2 - x^2 = \left(\frac{a+b}{2}\right)^2 - \left(\frac{b-a}{2}\right)^2 \Rightarrow h = \sqrt{ab}$ $S_{ABCD} = \frac{(a+b) \times h}{2} = \frac{(a+b) \times \sqrt{ab}}{2}$ <p>پس:</p>	۱۲
۱	$\left. \begin{array}{l} CR = CQ = 4 \\ BP = BQ = 5 \\ AP = AS = 7 \\ DR = DS = 6 \end{array} \right\} \Rightarrow P_{ABCD} = AB + BC + CD + DA = 9 + 10 + 13 + 12 = 44$	۱۳
۱	$S = \frac{3\sqrt{3}}{4} r^2 = \frac{3\sqrt{3}}{4} 4^2 = 12\sqrt{3}$	۱۴
۱	<p>فرض کنید ABC یک مثلث قائم الزاویه با زاویه قائمه A باشد. در نتیجه $b=3$ و $c=4$. طبق قضیه فیثاغورث $a=5$. بنابراین مساحت این مثلث $S = \frac{3 \times 4}{2} = 6$ و محیط آن $P = 5 + 4 + 3 = 12 \Rightarrow P = 6$ در نتیجه:</p> $r_a = \frac{S}{P - a} = \frac{6}{6 - 5} = 6$ $r_b = \frac{S}{P - b} = \frac{6}{6 - 3} = 2$ $r_c = \frac{S}{P - c} = \frac{6}{6 - 4} = 3$	۱۵